

MEHANIKA 2

1. kolokvij 12.11.2009.

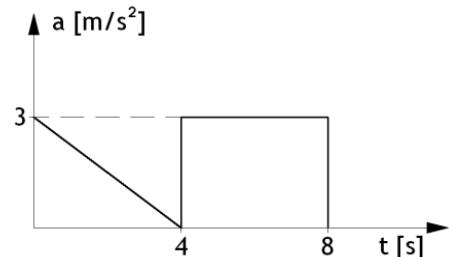
1. Točka se giba po pravcu. Zadan je dijagram promjene ubrzanja. Prijedeni put u trenutku $t=6$ s iznosi 46 m. Koristeći diferencijalne i integralne odnose treba odrediti sve vrijednosti i nacrtati:

- a) dijagram $v(t)$
- b) dijagram $s(t)$

(nacrtati tangente)

(20 bodova)

I. Grupa



2. Sustav prikazan na slici povezan je nerastezljivim užetom.

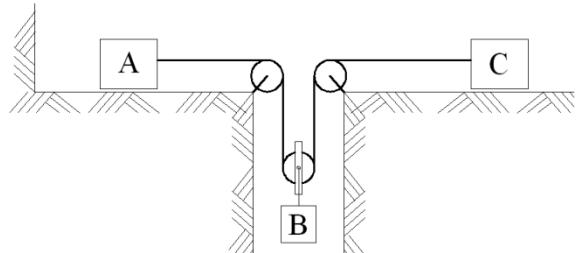
Blokovi A i C gibaju se u desno sa sljedećim brzinama:

$$v_A = 12 \text{ m/s}$$

$$v_C = 3 \text{ m/s}$$

Odredi brzinu i smjer gibanja bloka B

(10 bodova)



3. Na štap koji je zglobno spojen u točki A kruto je spojena cijev u kojoj se giba kuglica. Opći položaj sustava prikazan je na slici.

$$\text{Štap rotira po zakonu: } \varphi_A(t) = \frac{3\pi}{8}t^2$$

$$\text{Gibanje kuglice u cijevi dano je zakonom: } s_{REL}(t) = \frac{3}{8}t^3$$

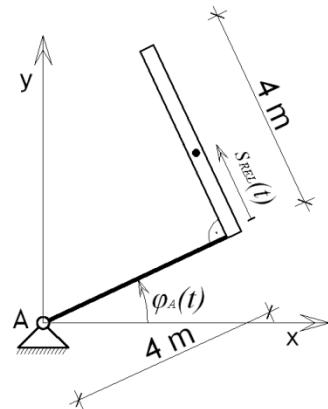
Treba odrediti:

- a) absolutnu brzinu (iznos i vektor)
- b) absolutno ubrzanje (iznos i vektor)

kuglice u trenutku $t = 2$ s.

Prikazati sve vektore na crtežu.

(25 bodova)

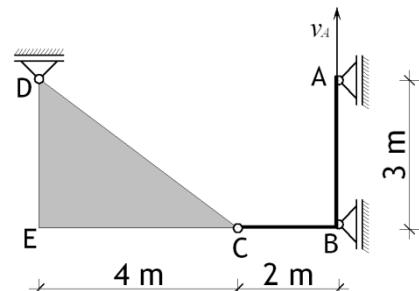


4. Prikazani mehanizam giba se u ravnini XY. U položaju prikazanom na slici poznata je brzina točke A:

$$v_A = 6 \text{ m/s} = \text{const.}$$

Grafoanalitičkim postupkom odrediti brzine i ubrzanja svih označenih točaka.

(22 boda)



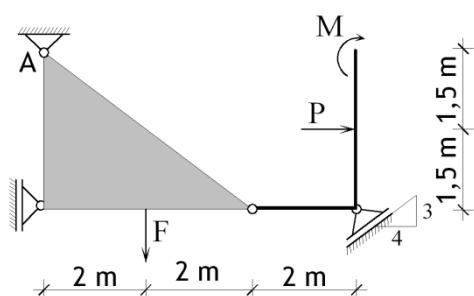
5. Metodom virtualnog rada odrediti horizontalnu komponentu reakcije u ležaju A.

$$F = 12 \text{ kN}$$

$$P = 6 \text{ kN}$$

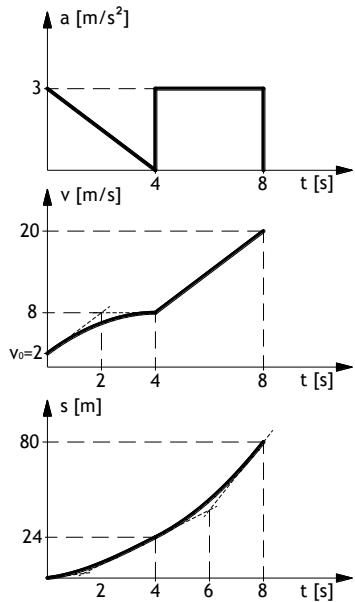
$$M = 3 \text{ kNm}$$

(23 bodova)



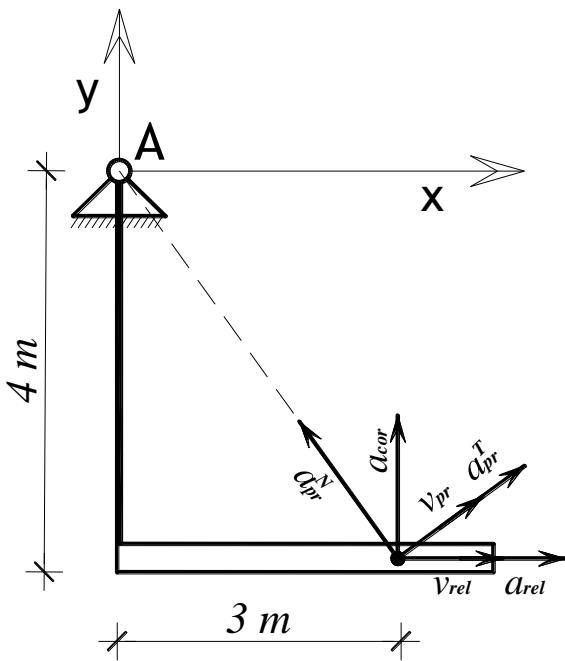
NAPOMENA: Rješenja moraju sadržavati crteže s potrebnim oznakama i kotama. Na kraju svakog zadatka iskazati tražena rješenja.

1.)



2.) $\vec{v}_B = -4,5\vec{j}$, $v_B = 4,5 \text{ m/s}$

3.)



$$\begin{aligned}\vec{v}_{aps} &= 6\pi + 4,5\vec{i} + 4,5\pi\vec{j} = 23,35\vec{i} + 14,137\vec{j} \\ v_{aps} &= 27,296 \text{ m/s} \\ \vec{a}_{aps} &= 52,695\vec{i} + 138,307\vec{j} \\ a_{aps} &= 148,005 \text{ m/s}^2\end{aligned}$$

4.)

$$\begin{aligned}\vec{v}_A &= 6\vec{j}; & \vec{v}_B &= 6\vec{j}; & \vec{v}_C &= 6\vec{j}; & \vec{v}_D &= -4,5\vec{i}; & \vec{v}_E &= \vec{0}; \\ \vec{a}_A &= \vec{0}; & \vec{a}_B &= \vec{0}; & \vec{a}_C &= \vec{0}; & \vec{a}_D &= 14,06\vec{i}; & \vec{a}_E &= 9\vec{i} + 6,75\vec{j}\end{aligned}$$

5.)

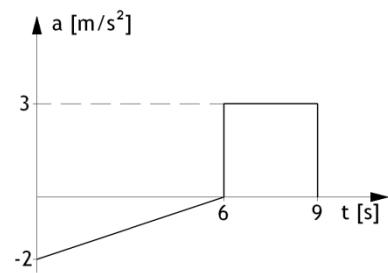
$$A_H = 0 \text{ kN}$$

MEHANIKA 2

1. kolokvij 12.11.2009.

1. Točka se giba po pravcu. Zadan je dijagram promjene ubrzanja. Prijedeni put u trenutku $t=8$ s iznosi 34 m. Koristeći diferencijalne i integralne odnose treba odrediti sve vrijednosti i nacrtati:
- dijagram $v(t)$
 - dijagram $s(t)$
- (nacrtati tangente) (20 bodova)

II. Grupa



2. Tereti A i B povezani su preko kolotura nerastezljivim užetom kako je prikazano na slici. Sustav se giba u lijevo. Poznata je brzina bloka B $v_B = 3 \text{ m/s}$, odredi brzinu bloka A.



(10 bodova)

3. Na štap koji je zglobno spojen u točki A kruto je spojena ploča na kojoj se nalazi žlijeb. Opći položaj sustava prikazan je na slici.

$$\text{Štap rotira po zakonu: } \varphi_A(t) = \frac{3\pi}{4}t^3$$

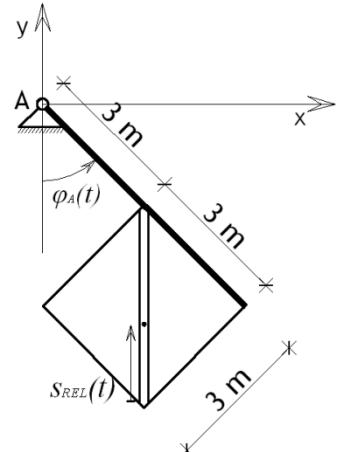
$$\text{Gibanje kuglice u žljebu dano je zakonom: } s_{REL}(t) = 6 \sin \frac{\pi}{4}t$$

Treba odrediti:

- apsolutnu brzinu (iznos i vektor)
- apsolutno ubrzanje (iznos i vektor)

kuglice u trenutku $t = 1 \text{ s}$.

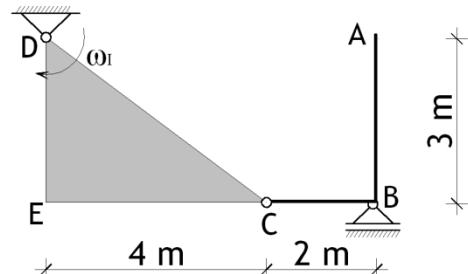
Prikazati sve vektore na crtežu. (25 bodova)



4. Prikazani mehanizam giba se u ravnini XY. U položaju prikazanom na slici poznata je kutna brzina tijela I:

$$\omega_I = 2 \text{ rad/s} = \text{const.}$$

Grafoanalitičkim postupkom odrediti brzine i ubrzanja svih označenih točaka.



(22 boda)

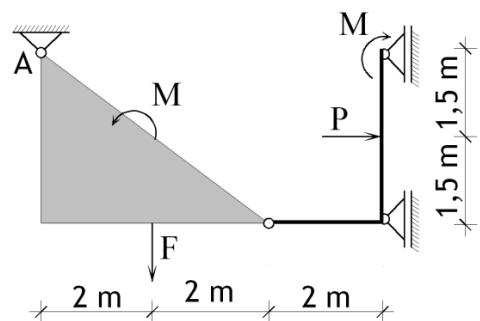
5. Metodom virtualnog rada odrediti horizontalnu komponentu reakcije u ležaju A.

$$F = 12 \text{ kN}$$

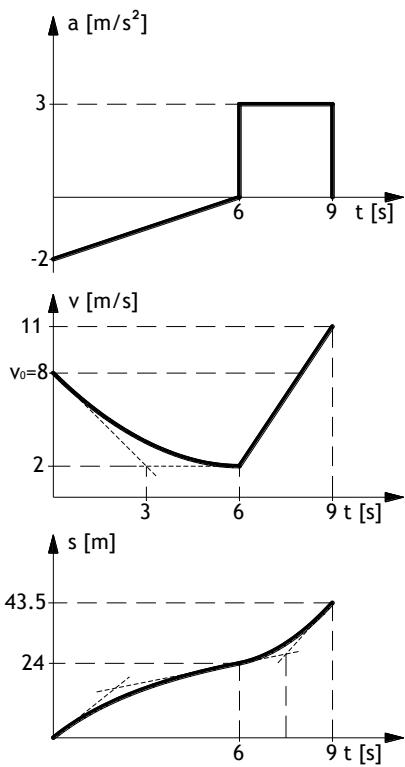
$$P = 6 \text{ kN}$$

$$M = 3 \text{ kNm}$$

(23 boda)

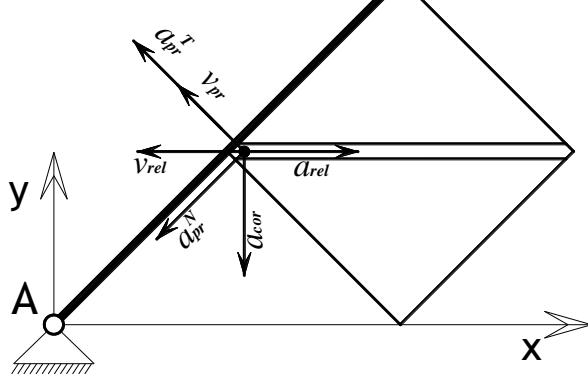


1.)



2.) $\vec{v}_B = -2\vec{j}$, $v_B = 2 \text{ m/s}$

3.)



4.)

$$\begin{aligned}\vec{v}_A &= -18\vec{i}; & \vec{v}_B &= -6\vec{i}; & \vec{v}_C &= -6\vec{i} - 8\vec{j}; & \vec{v}_D &= \vec{0}; & \vec{v}_E &= -6\vec{i}; \\ \vec{a}_A &= -30\vec{i} - 48\vec{j}; & \vec{a}_B &= -48\vec{i}; & \vec{a}_C &= -16\vec{i} + 12\vec{j}; & \vec{a}_D &= \vec{0}; & \vec{a}_E &= 12\vec{j}.\end{aligned}$$

5.)

$$A_H = -7 \text{ kN}$$

$$\begin{aligned}\vec{v}_{aps} &= -18,326\vec{i} + 14,995\vec{j} \\ v_{aps} &= 23,678 \text{ m/s} \\ \vec{a}_{aps} &= -133,363\vec{i} - 123,109\vec{j} \\ a_{aps} &= 181,497 \text{ m/s}^2\end{aligned}$$

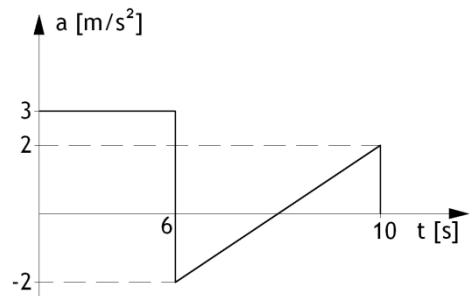
MEHANIKA 2

1. kolokvij 12.11.2009.

III. Grupa

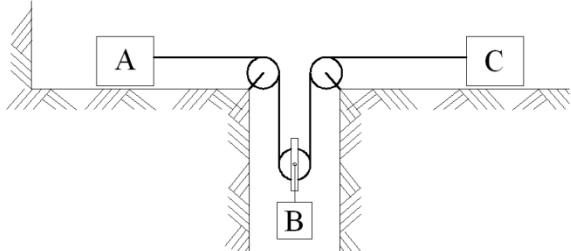
1. Točka se giba po pravcu. Zadan je dijagram promjene ubrzanja. Prijedeni put u trenutku $t=8$ s iznosi 89 m. Koristeći diferencijalne i integralne odnose treba odrediti sve vrijednosti i nacrtati:

- a) dijagram $v(t)$
 b) dijagram $s(t)$
 (nacrtati tangente) (20 bodova)



2. Sustav prikazan na slici povezan je nerastezljivim užetom. Blok C se giba u desno s brzinom $v_C = 2 \text{ m/s}$, a blok B se spušta brzinom $v_B = 1,5 \text{ m/s}$. Odredi brzinu i smjer gibanja bloka A.

(10 bodova)



3. Pravokutna ploča zglobno je spojena u točki A. U ploču je urezan žlijeb u kojem se giba kuglica. Opći položaj sustava prikazan je na slici.

$$\text{Ploča rotira po zakonu: } \varphi_A(t) = \frac{\pi}{16}t^3$$

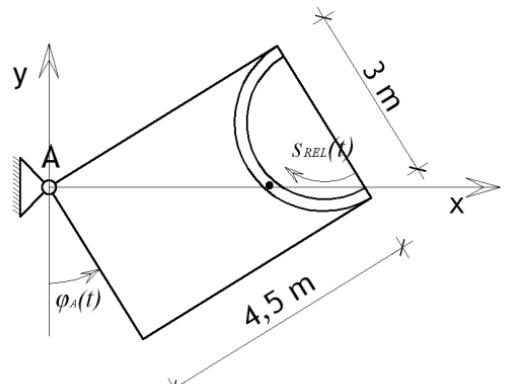
$$\text{Gibanje kuglice u žljebu dano je zakonom: } s_{REL}(t) = \frac{3}{8}\pi t$$

Treba odrediti:

- a) apsolutnu brzinu (iznos i vektor)
 b) apsolutno ubrzanje (iznos i vektor)

kuglice u trenutku $t = 2 \text{ s}$.

Prikazati sve vektore na crtežu. (25 bodova)

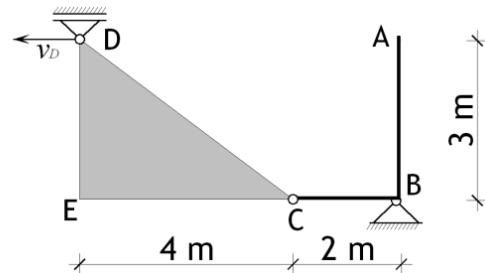


4. Prikazani mehanizam giba se u ravnini XY. U položaju prikazanom na slici poznata je brzina točke D:

$$v_D = 6 \text{ m/s} = \text{const.}$$

Grafoanalitičkim postupkom odrediti brzine i ubrzanja svih označenih točaka.

(22 boda)



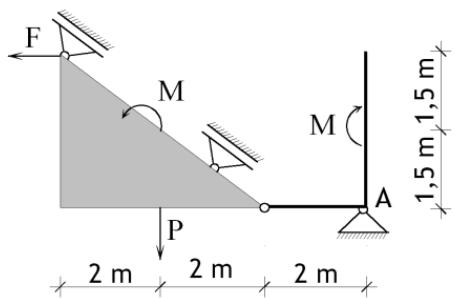
5. Metodom virtualnog rada odrediti horizontalnu komponentu reakcije u ležaju A.

$$F = 6 \text{ kN}$$

$$P = 12 \text{ kN}$$

$$M = 4 \text{ kNm}$$

(23 boda)



NAPOMENA: Rješenja moraju sadržavati crteže s potrebnim oznakama i kotama. Na kraju svakog zadatka iskazati tražena rješenja.

MEHANIKA 2

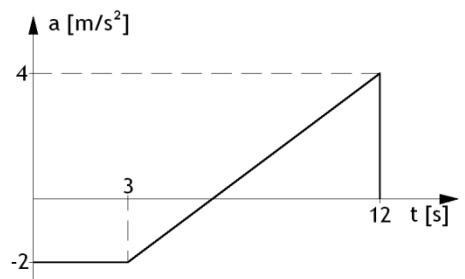
1. kolokvij 12.11.2009.

1. Točka se giba po pravcu. Zadan je dijagram promjene ubrzanja. Prijedeni put u trenutku $t=6$ s iznosi 27 m. Koristeći diferencijalne i integralne odnose treba odrediti sve vrijednosti i nacrtati:

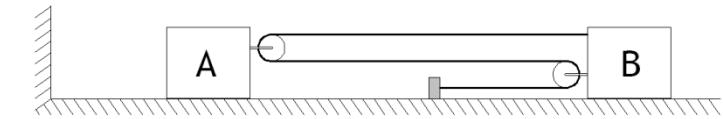
- a) dijagram $v(t)$
- b) dijagram $s(t)$
- (nacrtati tangente)

(20 bodova)

IV. Grupa



2. Tereti A i B povezani su preko kolotura nerastezljivim užetom kako je prikazano na slici. Sustav se giba u desno. Poznata je brzina bloka B $v_B = 2 \text{ m/s}$, odredi brzinu bloka A.



(10 bodova)

3. Na štap koji je zglobno spojen u točki A kruto je spojena ploča na kojoj se nalazi žlijeb. Opći položaj sustava prikazan je na slici.

$$\text{Štap rotira po zakonu: } \varphi_A(t) = \frac{2\pi}{9}t^2$$

$$\text{Gibanje kuglice u žljebu dano je zakonom: } s_{REL}(t) = \frac{10}{9}t^2$$

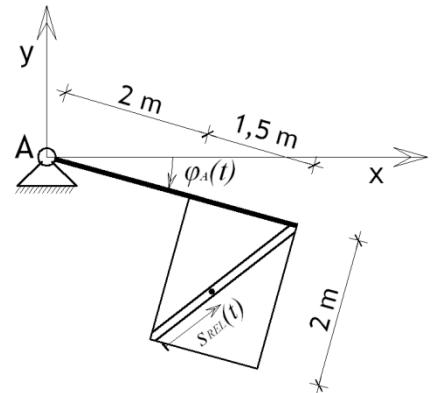
Treba odrediti:

- a) apsolutnu brzinu (iznos i vektor)
- b) apsolutno ubrzanje (iznos i vektor)

kuglice u trenutku $t = 1,5$ s

Prikazati sve vektore na crtežu.

(25 bodova)

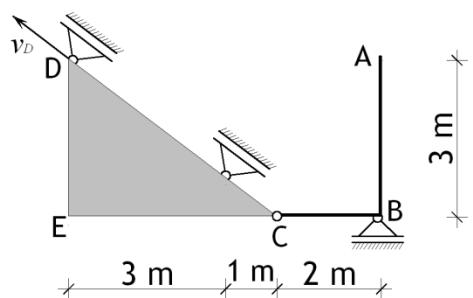


4. Prikazani mehanizam giba se u ravnini XY. U položaju prikazanom na slici zadano je:

$$v_D = 10 \text{ m/s} = \text{const.}$$

Grafoanalitičkim postupkom odrediti brzine i ubrzanja svih označenih točaka.

(22 boda)



5. Metodom virtualnog rada odrediti vertikalnu komponentu reakcije u ležaju A.

$$F = 12 \text{ kN}$$

$$P = 6 \text{ kN}$$

$$M = 4 \text{ kNm}$$

(23 bodova)

